ノート

「土砂貯留関数」を用いた貯水池堆砂量推定モデルの更新と検証 一熊本県緑川ダム貯水池と山形県寒河江ダム貯水池を対象として一

高橋 大地1 石川 忠晴2 道奥 康治3

Revision of Reservoir Sedimentation Model Using a "Sediment Storage Function"

Daichi TAKAHASHI Tadaharu ISHIKAWA Kohji MICHIOKU

豪雨頻度・規模の経年的増加にともなう貯水池堆砂の加速が懸念されている。物理モデルによる 堆砂量の推定では多くの観測情報を要しパラメータの同定が容易ではない。前報ではダム管理へ の適用性を念頭におき,流域の土砂収支を包括的に表すための「土砂貯留関数」を導入して堆砂 量推定モデルを提案した。本報ではさらに降雨量だけで堆砂量を推定できるようにモデルを更新 し流域特性が異なる二つのダム貯水池へ適用してその妥当性を検証した。 キーワード:貯水池堆砂,崩壊地モデル,渓流モデル,土砂貯留関数

1. はじめに

わが国のダム計画では、観測資料に基づいて100年 間の堆砂量を経験的に推算し、総貯水容量から差し引 くことにより有効貯水容量が決定される^{1,2)}。しかし、 堆砂量の推定に必要な観測資料は必ずしも十分ではな く, また当然のことながら流入土砂量の経年変動が大 きく不規則であるため堆砂量の正確な予測は難しい。 実際のところ、筆者がダム等フォローアップ資料^{例えば3)} を収集し分析した結果,国土交通省が管理しているダ ム 100 基(完成後3年未満を除く)のうち 50 基では堆 砂の進行がすでに計画で想定されたペースを上回って いる。この事実だけで現行の堆砂量推算手法の妥当性 を判断することはできないが、地球温暖化にともなう 豪雨頻度・規模の増加を背景に土砂生産と貯水池堆砂 の加速が懸念されていることを勘案すると4-6,長期的 かつ正確な堆砂量の予測が喫緊の課題であることは間 違いない。

近年,ダム流域の土砂生産と,ダムに至るまでの河 道区間における流砂現象を物理的に記述するために, ダム流域の分布型流出モデルと河道区間の土砂水理モ デルを組み合わせた貯水池堆砂量の予測がさまざまに 試みられている^{7,8)}。しかし,ダム流域の土砂動態は多 くの素過程からなる複雑系であり,流域時空間を補間 する観測情報を収集して多数のモデル・パラメータを 同定することは容易ではない。

前報⁹⁾において筆者らは,崩壊地の消長を降雨時系 列から再現して土砂生産量を推定する崩壊地モデルと, 渓流区間の土砂収支を「土砂貯留関数」で記述する渓流 モデルを組み合わせ、熊本県緑川ダム貯水池における 45年間の堆砂量を再現した(以降,「前報モデル」と記 す)。前報モデルはダム流域の土砂収支を包括的に記述 する集中定数型モデルであり,物理モデルよりもパラ メータが格段に少なくダム管理への実装可能性は高い。 一方、渓流堆積土砂の粒度変化を推定するために降雨 量と流量時系列をともに用いているが、ダム流域の流 量が必ずしも多くのダムで収集・整理されていない現 状を鑑みると、降雨量だけで堆砂量を予測できる方が 望ましい。本報では、渓流区間の流砂過程を降雨量だ けで推定できるようにモデルを改良し(以降,「更新モ デル」と記す)、緑川ダムと山形県寒河江(さがえ)ダ ム貯水池に適用してその妥当性を確認した。

[「]株式会社東京建設コンサルタント 東京本社流域施設本部砂防部(法政大学大学院デザイン工学科 博士後期課程)

² 東京工業大学 名誉教授 (元法政大学客員教授)

³法政大学 デザイン工学部教授



2. 貯水池堆砂モデルの更新

2.1 前報モデル⁹⁾の概要

前報モデルは、降雨時系列から流域の全崩壊地面積 を推定する(1)「崩壊地モデル」と、河道ネットワーク を単一の仮想空間に集約し「流域-ダム」間の土砂収 支を「土砂貯留関数」で包括的に記述する(2)「渓流モ デル」からなる。モデルの構成を図-1に示す。

(1) 崩壊地モデル

ある時刻 t における崩壊地面積 Z(t)は主に土壌水分, 降雨強度,植生回復とともに変動する。まず,地盤が 飽和に至る降雨継続時間 T_{sa} とその累積雨量 R_{sa} を雨量・ 流出高時系列から求め, R_{sa} を越える降雨イベントの中 からさらに j 時間雨量強度 $R_{j}(t)$ がある閾値 R_{jc} を越える 降雨事象を抽出して Z(t)の経時変化を式(1)であらわす。

$$Z(t+\Delta t) = Z(t) \cdot e^{-\alpha \Delta t} + \beta \cdot R_{i}(t)$$
(1)

ここに、 α は植生回復にともなう $Z(t)の減少率, \beta$ は降雨 $R_i(t)$ による $Z(t)の増加率, \Delta t$ は積分時間間隔である。

 $R_{j}(t) \ge R_{jc}$ の時に斜面が崩壊して式(1)右辺第2項にしたがい Z(t)は増加するが, $R_{j}(t) < R_{jc}$ の場合には, $R_{j}(t) = 0$ であり式(1)右辺第1項のように植生回復にともない Z(t)は指数関数的に減少する。

(2) 渓流モデル

「流域-ダム」をつなぐ河道システムを仮想的な一つ の渓流区間に集約し、ある年 τ における渓流土砂貯留量 $S(\tau)を流域の年間生産土砂量 <math>Q_{in}(\tau)$ と渓流区間からの年 間流出土砂量 $Q_{out}(\tau)$ により次式であらわす。

$$\frac{d}{d\tau}S(\tau) = Q_{\rm in}(\tau) - Q_{\rm out}(\tau)$$
(2)

ここに, *Q*_{in} は式(1)の *Z*(*t*)と年間土砂流出高 *k*[m/year] を用いて次式で与えられる。

$$Q_{\rm in}(\tau) = k \cdot \int_{\tau}^{\tau+1} Z(t) dt \tag{3}$$

Qout(t)は、渓流貯留土砂量 S(τ)の代数関数(「土砂貯留

関数」)として次式であらわされる。

$$Q_{\text{out}}(\tau) = C_1 \cdot fr(\tau) \cdot S(\tau)^p \tag{4}$$

ここに, (C₁, p)はモデル定数である。

貯水池堆砂量 V_s(τ)は次式から算出される。

$$V_{\rm S}(\tau) = \int_{t_0}^{\tau} Q_{\rm out}(\tau) d\tau$$
 (5)

ここに、t₀はダム管理の開始年である。

式(4)の fr(r)は当概年 r の降雨・流量履歴に応じて 0~ 1 の範囲で変化する次の重み係数である。

$$fr(\tau) = \frac{\tanh\{a(r_1(\tau) - r_c(\tau))\} + 1}{2}$$
(6)

ここに、 $r_1(\tau)$ は土砂輸送をもたらす時間降雨強度の年 間累積値であり、 $fr(\tau)=0.5$ に相当する $r_1(\tau)$ を $r_2(\tau)$ とおく。

出水履歴に応じて渓流区間の貯留土砂粒度が変化す ることを考慮し、小さな出水イベントが継続する年で は $r_c(\tau)$ を小さく設定して、大きな出水イベントが顕著 な年には $r_c(\tau)$ を大きく設定する。これにより、前者の 場合には貯留土砂の粗粒化が進み Armor Coat が発達す るため $fr(\tau)$ が小さく土砂流出 Q_{out} は抑制されるが、後 者の場合には Armor Coat を含む貯留土砂が大量に流送 され Q_{out} は増加する。以上のように、 $r_c(\tau)$ は貯留土砂 の粒度を反映した渓流貯留土砂の移動限界をあらわす パラメータであり、流量時系列を反映した粗粒化指数 $A_r(\tau)$ を用いて次式のようにモデル化される。

$$r_{\rm c}(\tau) = (r_{\rm c\cdot max} - r_{\rm c\cdot min}) \{ 1 - e^{-Ar(\tau)} \} + r_{\rm c\cdot min}$$
(7)

前報モデルでは、100 m³/s 以上の流量時系列 $Q(t)_{>100}$ よ り年間流量 $V_Q(\tau)$ を算出し、貯留土砂の粒度変化を規定す る $V_Q(\tau)$ の上下限閾値(V_{Q1}, V_{Q2})との比較から、(i) $V_Q(\tau) < V_{Q1}$ (小規模出水年)の時、粒度組成は変化せずに $A_r(\tau)$ は前 年と同一値をとり、(ii) $V_Q(\tau) > V_{Q2}$ (大規模出水年)では、 粗粒層とともに貯留土砂が流失して細粒化が進み $A_r(\tau)$ の 前年値に比率 $\gamma_2(0 < \gamma_2 < 1)$ を乗じて $A_r(\tau)$ は減少する。さら に、(iii) $V_{Q1} \le V_{Q2}$ (中規模出水年)では粗粒化が進む ために $A_r(\tau)$ は前年度値の γ_1 倍($\gamma_1 \ge 1$)に増加すると設定し た (表-1(a))。

2.2 渓流モデルの更新

以上のように前報モデルでは降雨量・流量時系列を 要するが、ダム流域の流量は収集されていない場合も

(a) 前報モデル									
条件	A _r 値の変化	数式							
$V_{\rm Q}(\tau-1) < V_{\rm Q1}$	A_r 不変	$A_r(\tau)=A_r(\tau-1)$							
$V_{Q1} < V_Q(\tau-1) < V_{Q2}$	A_r 增加	$A_r(\tau) = \gamma_1 A_r(\tau-1)$	$\gamma_1 > 1$						
$V_{Q2} < V_Q(\tau-1)$	A _r 減少	$A_r(\tau) = \gamma_2 A_r(\tau-1)$	$0 < \gamma_2 < 1$						
$V_{ m Q}(au)$: 100 m^3 /s以上の流量時系列の年間積算値									
(b) 更新モデル									
条件	A _r 値の変化	数式							
$V_{\rm R}(\tau-1) < V_{\rm R1}$	A_r 不変	$A_r(\tau)=A_r(\tau-1)$							
$V_{R1} < V_R(\tau - 1) < V_{R2}$	A_r 增加	$A_r(\tau) = \gamma_1 A_r(\tau-1)$	$\gamma_1 > 1$						
$V_{R2} < V_{R}(\tau - 1)$	A _r 減少	$A_r(\tau) = \gamma_2 A_r(\tau-1)$	$0 < \gamma_2 < 1$						

表-1 粗粒化指数 *A*_r(τ)の変化の仮定

V_B(τ):8mm/h以上の降雨時系列の年間積算値



図-2 年間雨量積算値 V_Rと粗粒化指数 A_rの変化

多いことから,降雨量だけで渓流貯留土砂の粒度変化 を記述し渓流モデルを簡素化する。表-1(b)および図-2 のように年間積算流量 $V_Q(\tau)$ の代わりに年間積算雨量 $V_R(\tau)$ を説明変数とし,その上下限閾値(V_{R1}, V_{R2})を設定し て流量履歴にともなう粗粒化指数 $A_r(\tau)$ の変化を降雨量 履歴によりあらわす。

3. 緑川ダム貯水池における更新モデルの検証

前報モデルの適用性が確認された緑川ダム貯水池に 対し更新モデルを適用する。なお,崩壊地モデルに変 更はない。前報と同じ工程でパラメータを同定し表-2 の結果を得た。式(5)から推定される貯水池堆砂量 V_s(τ) と前報モデルによる推定値ならびに実績値を図-3 に比 較する。なお,ここで示す実績値には後述する寒河江 ダム堆砂量と同様の補正を加えている。同図より降雨 量だけで堆砂過程を再現できることが確認される。

4. 寒河江ダム貯水池への適用

4.1 流域の概要

寒河江ダム(山形県)は最上川水系寒河江川に1990年 11月に竣工した堤高112.0m,総貯水容量10.9×10⁶m³ の多目的ダムであり,国土交通省により管理されてい る。流域面積は231.0km²であり,月山山麓に属する流 域北部には安山岩や火山砕屑物が広く分布し,開析が

表-2 更新モデルのパラメータ(緑川ダム)

パラメータ	検討範囲			刻み	最終値	前報値
S 1971	1.2×10	⁵ ~	$2.0 imes 10^6$	0.1×10^{6}	1.7×10^{6}	1.7×10^{6}
C_1	0.001	\sim	0.100	0.001	0.008	0.008
р	1.1	\sim	1.4	0.1	1.4	1.4
V_{R1}	80	\sim	140	10	120	*
V_{R2}	200	\sim	280	10	290	*
A_{r0}	0.5	\sim	1.5	0.1	1.0	1.1
γ_1	1.2	\sim	1.5	0.1	1.3	1.3
γ_2	0.1	\sim	0.9	0.1	0.6	0.4
а	0.001	\sim	0.010	0.001	0.004	0.004
r _c . _{max}	600	\sim	1200	20	1070	1100
r _c .min	0	~	300	10	290	250



図-3 前報モデル,更新モデルによる堆砂量 V_S(τ)の 推定値と実積値との比較(緑川ダム)



進んだなだらかな地形である。流域南部は急峻な朝日 連峰であり,花崗岩を主体とする起伏に富んだ地形で ある。

寒河江ダム流域の雨量観測所は水管理・国土保全局 管理の4地点(寒河江ダム,志津,中村,日暮沢)と 気象庁管理の1地点(大井沢)である(図-4)。寒河江 ダム雨量観測所における平均年降水量は約2,530 mm で あり,東北地方6都市の平均年降水量(1990~2020年) の約1,350 mm¹⁰に比べてかなり多い。同流域は日本有 数の豪雪地帯であり,積雪期間の11月から4月にかけ て大井沢雨量観測所での最大積雪深は平均250 cm にも 達する。

4.2 崩壊地面積と降雨時系列の相関

(1) 崩壊地面積の推移

秋山ら¹¹) は寒河江ダム流域の崩壊地モデルを提案し, 航空写真から取得された崩壊地面積(図-5)との比較 によりモデルの妥当性を検証した。これをさらに発展 させた前報の崩壊地モデル⁹⁾を寒河江ダム流域にも適 用しその妥当性を検証する。同流域では全層雪崩によ る崩壊が発生しているが,降雨起因の表層崩壊に比べ て規模が小さく経時変動もわずかである。そのため, 雪崩の土砂生産への影響は限定的であると考え¹¹⁾,堆 砂量解析の対象から除外する。

(2) 崩壊地モデル

前報モデルからの変更点はなくモデル・パラメータ の同定のみとする。まず,表層崩壊を規定する飽和雨量 R_{sa} と雨量強度限界値 R_{jc} を求めるためにダム竣工以降に 観測されたピーク流入量が 300 m³/s を越える 47 件の出 水イベントを対象に,累積時間 $T_{sa}=6$, 12, 24, 48 hr の 「降雨量一流出高」の相関性を調べた。その結果,図-6 に示すように $T_{sa}=48$ hr の場合に最も高い相関性が得られ 飽和雨量 $R_{sa}=120$ mm を得た。次に,表層崩壊を誘発す る雨量強度限界値 R_{jc} を定めるために,1,3,6,12,24 hr の時間雨量時系列 $R_{j}(t)$ に対し,図-5 の Z(t)の実績値と 式(1)による推定値が最も適合するモデル・パラメータ の組み合わせ [j=3 hr, $R_{jc}=35$ mm, $\alpha=1.0\times10^{-3}$, $\beta=1.4\times10^{-3}$] が得られ,その再現値と実績値との比較を図-7 に示す。

4.3 貯水池堆砂量の再現

(1) 更新モデルの適用

本報で更新した渓流モデルを寒河江ダムに適用する。 まず,式(3)の年間土砂流入高 k と渓流土砂貯留量 $S(\tau)$ の初期値 S_{1991} を同定する(ダム竣工の 1990 年 11 月以降で積雪期間を除く 1991 年 5 月が解析開始時)。前報 と同様に,渓流区間における土砂の流入量 Q_{in} と流出量 Q_{out} が長期的につりあうという動的平衡状態を仮定し, 解析終了年の渓流土砂貯留量 S_{2020} と S_{1991} がおおむね等 しくなる条件として $k=5.07 \times 10^{-3}$ [m/year]を得た。

次に,解析期間内で *S*(τ)≥0 (渓床面が地山基盤面より も低くならない)を維持する *S*(τ)の初期値 S₁₉₉₁として S₁₉₉₁≥791,090 m³を得た。同定された *k* と S₁₉₉₁を用いて 算出された *S*(τ)の経年変化を図-8 に示す。

この崩壊地モデルを用いて、まず土砂貯留関数のパ



ラメータ(C_1 , p)が取り得る範囲が0.001 $\leq C_1 \leq 0.1$, 1.1 $\leq p \leq 1.4$ に絞り込まれ、次に前報と同様に渓流モデルのパラメータ群が表-3のように同定された。

(2) 寒河江ダムにおける貯水池堆砂量の再現

図-9 に寒河江ダムの単年堆砂量(灰色のヒストグラム)とその経年累積値(実線)を示す。2003年,2008

表-3 更新モデルのパラメータ(寒河江ダム)

パラメータ	検	討爭	色囲	刻み	最終値
S_{1991}	8×10^5	~	20×10^{5}	2×10^{5}	10×10^{5}
C_1	0.001	~	0.100	0.001	0.004
р	1.1	~	1.4	0.1	1.4
V_{R1}	40	~	80	10	60
V_{R2}	90	~	150	20	90
$A_{ m r0}$	0.5	~	1.5	0.1	1.3
γ_1	1.2	~	1.5	0.1	1.3
γ ₂	0.1	~	0.9	0.1	0.7
а	0.001	~	0.010	0.001	0.005
r _c .max	600	~	1000	20	640
r _c .min	0	\sim	100	10	70



年に出現する負の堆砂量は深浅測量法やデータ処理法 などに起因すると推察される(掘削・浚渫の開始は2012 年で2008年に堆砂量が負となる要因がない)。また, 音響測深法が 1990~2003 年のシングルビームから 2004 年以降のマルチビームへと変更されたが、測深法の異 なるデータ間の相互換算に関する記録は残されていな い。本研究は自然条件下でのダム貯水池における堆砂 量の推定を目的としているため、このような不規則因 子が残る元データをそのまま用いてモデルを検証する ことは適切ではない。そこで、負の堆砂量を示す当該 年を欠測とみなし 2003 年については 2002 年と 2004 年 の平均値を,2008年については2007年と2009年の平 均値を、それぞれとることにより堆砂量を補正した (図-9の黒塗りヒストグラム)。これらを反映した累積 堆砂量補正値(同図の点線)と式(5)から推定される堆 砂量を図-10に比較する。

5. 気候変動が貯水池堆砂量に及ぼす影響

二つのダム貯水池の堆砂動向が本モデルによりおお



むね再現されたことから,貯水池堆砂に及ぼす気候変 動の影響を推算する。前報では,IPCC-AR5のRCP2.6 とRCP8.5 に基づく降雨強度・流量の将来倍率¹²⁾を実 績値に乗じて緑川ダム貯水池の堆砂量に及ぼす将来気 候の影響を検討した。本報では渓流モデルの更新を反 映して降雨情報だけを用いることとし,緑川・寒河江 の両ダム貯水池の堆砂に及ぼす気候変動の影響を検討 する。なお,ここでの検討は前報と同様に,降雨強度 の増加が貯水池堆砂に及ぼす影響程度を概算すること を目的としており,将来気候の降雨時系列を用いた堆 砂量シミュレーションには至っていないことを付記す る。

図-11(a)に示すように,2020年の寒河江ダムにおいて,RCP2.6では実績値の1.5倍,RCP8.5では3.0倍の 堆砂量が予測されている。一方,図-11(b)の緑川ダム では、2015 年における両シナリオの堆砂量がそれぞれ 実績値の 1.6 倍、2.8 倍となっている。寒河江ダムでは、 竣工後 31 年で堆砂量がすでに 100 年計画値の 47.6%に まで達しているのが現実である。もし過年度の降雨が RCP8.5 にしたがい増加していれば、実績値の 4.6 倍の 速度で堆砂が進行し、わずか 22 年で計画堆砂容量に到 達することになる。緑川ダムでも同様に 100 年計画堆 砂量への到達に要する年限が 21 年に短縮される。

6. おわりに

降雨量から貯水池堆砂量を推定できる実用可能性の 高いモデルを提案し,流域特性が異なる緑川ダムと寒 河江ダムに適用して堆砂量が合理的に再現されること を確認した。本モデルを用いて将来気候における堆砂 動向を推算した結果,いずれのダムにおいても堆砂の 進行が実績より顕著に加速することを確認した。寒河 江ダムのような積雪地帯のダム流域では温暖化にとも ない積雪期間が短縮するため,土砂生産量はここでの 推定値以上に大きく堆砂を促進する可能性が高い。地 形地質特性や水文特性がさまざまなダム流域にも同様 の堆砂量予測を実施し,気候変動にともなう貯水容量 の減少とダムのハイブリッド運用を視野に入れたダム 管理戦略を進める必要がある。

本研究を行うにあたり国土交通省東北地方整備局から資 料を提供して頂いた。記して謝意を表する。

参考文献

国土交通省河川局監修 社団法人日本河川協会編:国
 土交通省 河川砂防技術基準 同解説 計画 編,山海

堂, pp.134-135, 2005

- Gregory L. Morris, Jiahua Fan 著,角 哲也,岡野眞久 監修:貯水池土砂管理ハンドブック―流域対策・流砂 技術・下流河川環境―,技報堂出版,pp.31-51,2010
- 3) 国土交通省九州地方整備局:令和2年度九州地方ダム 等管理フォローアップ委員会緑川ダム定期報告書(案) 【概要版】,2021
- 4) 河田暢亮:貯水池堆砂量予測のための流域土砂動態 モデルの開発に関する研究,京都大学,2016
- 河田暢亮,藤田正治,竹林洋史,吉野秀樹,平林 桂:貯水池堆砂量予測のための土砂動態モデルの開 発とその適用,土木学会論文集 B1 (水工学),72(4), I_703-I_708,2016
- 6) 寺田和暉,角 哲也,竹門康弘,佐藤嘉展:気候変 動を考慮したダム堆砂進行による牧尾ダムの長期的 便益評価,京都大学防災研究所年報,第58号B,2015
- 7) 江頭進治,松木 敬:河道貯留土砂を対象とした流 出土砂の予測法,水工学論文集,735-740,1999
- 8) 高秀秀信,九津見生哲,藤沢 寛:水系における土砂 動態システムについて,第27回水理講演会論文集, 767-772,1983
- 9) 高橋大地,石川忠晴,道奥康治:貯水池堆砂量推定 モデルの構築と気候変動に伴う堆砂速度増大率の推 定一熊本県緑川ダム貯水池を対象として一,ダム工 学,32(2),141–152,2022
- 気象庁 過去の気象データ・ダウンロード: https://www.data.jma.go.jp/gmd/risk/obsdl/(参照 2022-09-27)
- 11)秋山浩一,高橋大地,石川忠晴,道奥康治:豪雨イベントおよび土壌の湿潤性を考慮したダム貯水池上流域の崩壊地面積予測モデルの構築,土木学会論文集B1(水工学),75(2),I 823-I 828, 2019
- 石田卓也,前田裕太:気候変動を踏まえた計画・基準 類の見直しに向けた検討,河川, No.890, 15–19, 2020

(2022年10月7日受理)

Since the global climate change will accelerate sediment yield from watersheds with increasing intensity and frequency of precipitation, many dams will more significantly suffer in future from losing their storage capacities with reservoir sedimentation. In this study, a conceptual model of reservoir sedimentation was proposed, where the sediment yield was estimated from land failures in the catchment and the sediment balance in the channel system was parameterized by a "sediment storage function". The present model consisting of a couple of concentrated parameters is considerably simplified than so-called physical mechanistic models. Additionally, this has an advantage that reservoir sedimentation is successfully reproduced without using discharge dataset. By using the model, further discussion was made how much reservoir sedimentation will be accelerated in future climate.

Key words : reservoir sedimentation, land failure, sediment yield, storage function